[新材料・新设备・新方法]

DOI:10.3969/j.issn.1005-2895.2022.04.012

压电悬臂梁驱动传感共位特性研究

伍 德¹, 彭来湖^{1,2}*

(1.浙江理工大学浙江省现代纺织装备技术重点实验室,浙江杭州 310018;2.杭州勤诚微电子科技有限公司,浙江杭州 310018)

摘 要:为了探究压电陶瓷悬臂梁结构的驱动传感共位特性,笔者研究了以压电耦合悬臂梁样机分别作为传感器、驱动器和驱动传感共位时电流的变化规律,分析了压电悬臂梁被限位工作条件下其共位信号与空载状态信号的差异性,通过 检测压电悬臂梁内部电流的变化来实现对压电悬臂梁驱动状态的共位检测。实验结果表明:在电压的激励下,压电悬臂 梁在未被限位工作条件下,仅存在频率大小约为230 Hz的响应信号;压电悬臂梁在限位条件工作时,其采样信号在230 Hz和1640 Hz附近处有明显响应,且仿真结果与实验结果误差均在4%以内。该实验结果证明了可将压电陶瓷悬臂梁 内部电流变化所对应的特征频率作为其工作状态的判定。

关键 词:压电悬臂梁;共位检测;振动;传感驱动器

中图分类号:TH89;TB381 文献标志码:A 文章编号:1005-2895(2022)04-0071-08

Research on Co-Location Characteristics of Piezoelectric Cantilever Drive Sensor

WU De¹, PENG Laihu^{1,2*}

(1. Key Laboratory of Modern Textile Equipment Technology, Zhejiang Sci-Tech University, Hangzhou 310018, China;
2. Hangzhou Qincheng Microelectronics Technology Co., Ltd., Hangzhou 310018, China)

Abstract: To investigate the co-location characteristics of the piezoelectric ceramic cantilever beam structure, the variation law of current when using the piezoelectric coupled cantilever as sensor, driver and drive sensor respectively. The difference between the co-location signal and the no-load state signal under the restricted operating conditions of the piezoelectric cantilever beam was revealed, and the internal current change of the piezoelectric cantilever beam was detected to achieve the co-location detection of the driving state of the piezoelectric cantilever beam. The experimental results show that under voltage excitation, the piezoelectric cantilever beam only has a response signal with a frequency of approximately 230 Hz under unrestricted operating conditions; when the piezoelectric cantilever beam is operating under restricted conditions, the sampled signal has a significant response around 230 Hz and 1 640 Hz, and the error between the simulation and experimental results is within 4%. The experimental results demonstrate that the characteristic frequency corresponding to the change in current inside a piezoelectric ceramic cantilever beam can be used as a determination of its operating state.

Keywords: piezoelectric cantilever beam; co-location detection; vibration; self-sensing actuator

压电陶瓷其特殊性在于它可以实现机械能与电能 之间的相互转化,广泛用于结构振动控制^[1]、结构健 康检测^[2-3]、选针器的驱动机构^[4]、悬臂梁式压电风能 发电装置^[5]、压电振子^[6]和医疗微型压电驱动系统^[7]

收稿日期:2022-02-21;修回日期:2022-05-05

基金项目:2020年度浙江省博士后科研项目择优资助项目(ZJ2020004)。

第一作者简介:伍德(1996)男,浙江温州人,硕士研究生,主要研究方向为智能设备及智能制造。通信作者:彭来湖(1980),男,浙江苍南人,博士,副教授,硕士生导师,主要研究方向为智能设备及数控技术、智能制造和仪器仪表。E-mail:2408593991@qq.com

等微小驱动元件领域。1993 年,由 Sincarsin 等^[8]成功 将传感器与驱动器集成一体并将其命名为"传感驱动 器"。1995年钱新恩^[9]利用简单搭建的试验平台,实 现了单块压电材料的传感功能和执行功能。2011年 张忠华等[10] 通过改变压电堆叠的边界条件总结得到 驱动器位移量的变化规律。2015年刘艳梅等[11]对实 际压电陶瓷驱动特性进行测量,得到了与理论一致的 压电陶瓷驱动特性曲线。2018年哈尔滨工业大学的 董欣^[12]在结构上集成了压电传感驱动器,推导得到驱 动器与传感器的数学模型,He 等^[13]建立压电堆叠的 机电耦合模型以及电机主轴的动力学模型。2019年 陆颢瓒等^[14]建立了单压电悬臂梁能量收集器在振动 激励下的力学模型以及压电输出模型。Pelletier^[15]考 虑到压电驱动器在振动中会引起局部应变,提出了一 种补偿方法,为采集共位信号提供了方法。王光庆^[16] 基于压电双向效应,借助 ANSYS 软件建立了压电振子 有限元模型,为本研究进行有限元仿真提供了思路。

通过以上文献可知,驱动传感器的成功研制为驱 动传感共位特性研究奠定了基础。但现有研究大部分 着重于压电陶瓷功能性研究,主要用于结构主动抑制 振动、结构健康检测及医疗微型驱动等领域。在同时 实现驱动和传感的功能前提下,并未对驱动传感功能 共位时内部电流信号的特性进行研究分析。

课题组对压电陶瓷驱动传感共位特性进行探究, 通过理论推导验证了压电悬臂梁分别作为传感器、驱 动器、传感驱动器工作时内部电流的变化规律,揭示驱 动传感信号共位的特性;最后通过仿真和实验验证在 不同工作条件下其共位信号的特点,以期为压电陶瓷 驱动传感共位特性在微小驱动元件等领域的研究提供 参考,对利用共位检测信号的压电结构自检测方面研 究具有一定意义。

1 双晶片压电悬臂梁共位工作机理

压电悬臂梁是压电材料在工程中最常用的机械结构,一般为单层或双层压电晶片与一基板组成的耦合体,如图1(a)和(b)所示;借此耦合体实现传感或执行功能以满足工程上的需求。无论单层晶体还是双层晶体的压电悬臂梁,在绝大多数情况下仅应用其传感或执行功能中的一种,并未将其作为传感驱动器来用。

现研究人员将传感驱动器分成结构集成型和功能集成型,如图1(c)和(d)所示。分类依据为传感器和驱动器的集成方式,其主要区别在于2个功能是否由1个器件来承担实现。集成型压电传感器分别由2个独立的器件来承担,将驱动器和传感器在结构上集成在一起;而功能型的传感器则由1个器件来实现传感和执行功能。





课题组采用双层晶片压电悬臂梁作为研究对象, 其中一片实现驱动传感功能,另一片作为传感器采样 信号,将2片作为对照组,以提高本研究的可靠性。在 实际应用中,相较于单层压电晶片悬臂梁,其优势在于 高频工作条件下可通过分时驱动上下2片压电晶片使 压电悬臂梁摆动。该方法具有工作寿命长、产热低、稳 定性高等特点。本次研究压电悬臂梁的边界条件为机 械自由和电学短路,因采用第一类压电方程作为理论 基础,取应力和电场强度为自变量,应变和电位移为因 变量。则压电方程可表示为:

$$\begin{cases} S_1 \\ D_3 \end{cases} = \begin{bmatrix} S_{31}^{E} & d_{31} \\ d_{31} & \varepsilon_{33}^{T} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} T_1 \\ E_3 \end{bmatrix}_{\circ}$$
(1)

式中: D_3 为电位移; S_1 为应变; d_{31} 为压电常数; E_3 为电 场; S_{31}^E 为 E_3 为常数或零时的弹性柔顺系数; T_1 为 X 方 向上的应力; ϵ_{33}^T 为 T_1 为零或常数时的介电常数。

对于压电悬臂梁,当在压电晶片上施加一与极化 方向相同的电场,因电场作用,使得极化强度增大,此 时压电晶片内电荷之间的距离发生变化,造成压电晶 片沿极化方向缩短或伸长,使得压电悬臂梁弯曲摆动, 此时压电悬臂梁的等效电路内会因外加电场产生电信 号。在正常弯曲摆动过程中,压电悬臂梁局部产生应 变变形,二次压电效应产生电信号耦合进入内部等效 电路中。若在摆动过程中与外界产生碰撞,当碰撞力 或其分力方向与极化方向平行时,压电晶片受力变形, 内部电荷之间距离减小,产生电位移,从而产生放电现 象;当碰撞力消失,压电晶片恢复原有形状,同理会产 生充电现象。根据压电悬臂梁的工作条件,以上几种 信号会根据出现的时间不同耦合在一起,出现信号共 位的情况。针对该共位信号的特性展开深入研究,详 细解析双晶片压电悬臂梁作为传感驱动器工作时内部 电流变化的特点。

2 压电悬臂梁驱动传感电流特性分析

双层压电晶片耦合体的材料为 PZT-5H,极化方向 沿压电悬臂梁的厚度方向。并且选用高碳纤维作为中 间基板。3 层结构之间通过胶粘接而成。悬臂梁固定 端通过导电柱为压电悬臂梁供电。压电悬臂梁的尺寸 以及实物如表1 和图2 所示。

表1 压电悬臂梁组成材料以及尺寸大小

Table 1 Material and size of piezoelectric

canti	lever	beam

材料	长/mm	宽/mm	厚/mm
PZT-5H	41.000	7.200	0.245
高碳纤维	41.000	7.200	0.300



piezoelectric cantilever

2.1 压电驱动器电流特性

压电悬臂梁做为驱动器时,可运用机电等效的方

法,根据机电类比原理将机械振动与电路振荡2个领 域的问题归结到一起分析机电耦合问题。电路中常用 的基本原件有电容器、电阻器和电感线圈,而机械系统 中常用元件有质量元件、阻尼元件和弹性元件。将电 能与机械能进行对比,具体对比关系如表2所示。

表2 机械系统与电路系统中功能关系

 Table 2
 Functional relationship between

mechanical system and circuit system

机械系统		电路系统		
名称	公式	名称	公式	
动能	$E_m = mv^2/2$	磁能	$W_L = Li^2/2$	
弹性势能	$E_k = kx^2/2$	电容器电能	$W_C = Q^2 / 2C$	
克服阻尼消耗功率	$W_c = cv^2/2$	电阻消耗功率	$W_R = Ri^2/2$	

从表 2 可知,在机械系统与电路系统中,质量元件、弹性元件和阻尼元件功能分别类似于电感元件、电容元件和电阻元件。针对压电陶瓷的基频共振电路,可将其类比等效为单自由度机械振动系统。在实际工况中存在阻尼,需考虑机械损耗,因此根据压电材料基频附近的电路特性可将其等效电路简化为一电容 C_0 并联由电容 C_1 、电阻 R_1 、电感 L_1 组成电路,等效示意如图 3(a)所示。由阻抗分析仪(图 3(b)所示)测出其等效电路具体数值如下:电阻 R_1 = 8.863 2 k Ω ,电容 C_1 = 305.7 pF,电感 L_1 = 95.378 H,电容 C_0 = 13.765 nF。

压电陶瓷片处于自由状态时,在激励电压下,其内 部存在由等效电路产生的电流信号,且该电流的具体 变化特征为:①在电容 C₀的作用下产生充放电过程; ②在图 3(a)等效电路的作用下会产生振荡电流。2 种电流耦合在一起即为自由状态下压电陶瓷片内部电 流的变化特征。借助 Multisim 软件搭建如图 3(c)所 示仿真电路,探究自由状态下压电陶瓷的内部电流变 化特征。图 3(d)为压电陶瓷自由状态下等效电路的 充放电过程,因充放电过程中幅值相对于等效电路的 幅值较大,为方便后续实验测量数据与观察分析,在采 样电路中加入一放大电阻,通过检测电阻的电压值,来 反映内部电流的变化。

当压电陶瓷片边界条件发生改变时,将压电陶瓷 片一端作为固定约束,成为压电悬臂梁模型。此时再





characteristics of piezoelectric ceramics in free state

经阻抗分析仪测量得到此时边界条件下压电陶瓷的等 效电路具体参数为电阻 $R_1 = 88.176 \text{ k}\Omega$,电容 $C_1 =$ 1.677 6 nF,电感 $C_1 = 350.31 \text{ H}$,电容 $C_0 = 14.105 \text{ nF}$ 。 若压电悬臂梁末端负载时,其等效电路具体数值为:电 阻 $R_1 = 18.06 \text{ k}\Omega$,电容 $C_1 = 2.503 5 \text{ nF}$,电感 $L_1 =$ 149.95 H,电容 $C_0 = 40.865 \text{ nF}$ 。

分别对压电陶瓷处于空载,负载和自由状态下的 等效电路进行仿真分析,结果如图4所示。

针对3种不同边界条件下的压电陶瓷,其基频共振等效电路一致,但各等效元件具体数值不同,等效电路采集到振荡信号在振幅和频率上差异明显,故作为驱动器时压电悬臂梁的工作边界条件与其工作过程内部电流信号息息相关。

2.2 压电传感器电流特性

压电悬臂梁作为传感器时,沿厚度方向极化,本身



图 4 不同状态下电流特性放大图 Figure 4 Current characteristic diagram in different states

为绝缘体,因正压电效应使得2极表面聚集电荷,此时 压电悬臂梁相当于一电容器,其电容量大小为 $C = \frac{\varepsilon A}{h}$, 其中A为电极板表面积, ε 为压电晶片的介电常数,h为压电晶片的厚度,由此可见作为传感器时压电晶片 的等效电容由压电晶片的材料参数和其物理尺寸所 决定。

如图 5 所示,压电悬臂梁在工程应用中,末端弯曲 到一定程度与限位装置发生碰撞,造成压电悬臂梁内 部电流因正压电效应而改变,压电悬臂梁在该过程中 可实现传感功能。冲击力 F 作用于压电悬臂自由端, 为一非周期变化的的激振力,该力作用时间十分短暂, 是典型的非周期作用下的响应。若 v₁ 和 v₂ 为系统受 到冲击前后的速度,m 为压电悬臂梁的质量,u 为冲量 大小,则有:

$$u = F\Delta t = \lim_{\Delta t \to 0} \int_{t}^{t + \Delta t} F dt = mv_2 - mv_{10}$$
(2)

因为 dt 趋近于0,若要使 Fdt 为有限值,则 F 的值 需要趋近于无穷大,此处冲量可以作为一个非常有意 义的分析工具来量化力的大小。故可以将压电悬臂梁 受外力冲击等效为受冲量作用的单自由度的欠阻尼系 统,则:

$$x(t) = e^{-\zeta \omega_n t} \left[x_0 \cos \left(\omega_d t \right) + \frac{\dot{x}_0 + \zeta \omega_n x_0}{\omega_d} \sin \left(\omega_d t \right) \right]_{\circ}$$
(3)

式中: ζ 为阻尼比, ω_d 为有阻尼振动时的频率, ω_n 为无

阻尼振动时的固有频率, c 为压电悬臂梁的阻尼系数, k 为压电悬臂梁的等效弹簧常数。





等效弹簧常数为:

$$k = \frac{3EI}{l^3} \circ$$

式中:E 为材料的弹性模量,I 为复合梁的横截面关于 y-y 方向上的惯性矩, $I = bh^3/12$ 。

由于该压电悬臂梁上下 2 层为压电晶片,中间层 为高碳纤维,所以需计算其等效的弹性模量,上下 2 层 压电陶瓷厚度相同为 h₁,弹性模量为 E₁,中间基层厚 度为 h₂,弹性模量为 E₂,令 E_e 为复合梁的等效的弹性 模量,b 为复合梁的宽,R 为中性轴的曲率半径,弯 矩为:

$$M = \int_{-h_1 - h_2/2}^{-h_2/2} \frac{E_1 z^2}{R} b dz + \int_{-h_2/2}^{h_2/2} \frac{E_2 z^2}{R} b dz + \int_{-h_2/2}^{h_1 + h_2/2} \frac{E_1 z^2}{R} b dz_{\circ}$$
(4)

而 $M = E_c I/R$,因此从式(4)得到弯矩 $M \in$,即可求得:

$$E_{\rm c} = \frac{(8h_1^2 + 12h_1^2h_2 + 9h_2^2h_1)E_1 + E_2h_2^3}{8h_1^3 + 12h_1^2h_2 + 6h_2^2h_1 + h_2^3}$$
(5)

根据挠曲线公式推出应变关于时间变化的规律:

$$\sigma(t)_{\max} = \frac{3x(t)E_c y_1}{l^2}$$
(6)

由压电方程可知:

$$D_3 = d_{31}T_1 + \varepsilon_{33}^T E_{30} \tag{7}$$

所用压电陶瓷片 PZT-5H 压电常数为 d_{31} ,电极表面积为 A_p ,对电极表面积上的电位移量进行积分,可得到压电陶瓷传感器电极面输出电荷量的总和 Q_3 为:

$$Q_{3} = \iint_{A_{p}} D_{3} dx dy = A_{p} d_{31} T_{10}$$
 (8)

联立式(5)~(7)解得:

$$Q_3 = 3A_{\rm p}d_{31}E_{\rm e}y_1 \frac{\mu {\rm e}^{-\zeta\omega_n t}\sin\left(\omega_d t\right)}{m\omega_d l^2} \,. \tag{9}$$

再用电荷量对时间求导得到电流: $i = \frac{dQ}{dt}$,将式

(9)代入电流求解方程中,解得压电悬臂梁在工作过 程中由机械碰撞所产生的电流随时间变化的关系:

$$i = \frac{3A_{\rm p}d_{\rm 31}E_{\rm c}y_{\rm 1}(v_2 - v_1)}{\omega_{\rm d}l^2} \left[\omega_{\rm d} {\rm e}^{-\zeta\omega_{\rm n} t} \cos (\omega_{\rm d} t) - \right]$$

 $\zeta \boldsymbol{\omega}_n \mathrm{e}^{-\zeta \boldsymbol{\omega}_n t} \sin \left(\boldsymbol{\omega}_d t \right) \big]_{\circ} \tag{10}$

综上,根据动力学方程以及压电方程求得压电悬 臂梁在限位作用下与限位装置发生碰撞产生的电流随 时间变化的规律。

2.3 驱动传感器共位电流特性

压电悬臂梁作为功能性驱动传感器,处于正常工作时,压电悬臂梁往返摆动,内部存在由其驱动等效电路产生的电信号;在该过程中因压电悬臂梁振动使得局部应变发生改变,产生并耦合了二次压电效应电信号。压电悬臂梁在限位边界条件下工作时,当压电悬臂梁末端未撞击到限位装置时,其内部电信号与未被限位时相同;撞击到限位装置时瞬间,因正压电效应在压电悬臂梁内部产生的电信号耦合进入压电悬臂梁正 常摆动的信号之中,整个过程如示意图6所示,t₁为压电悬臂梁撞击限位装置时间点,t₂为截取共位信号结







束的时间点。压电悬臂梁同时实现传感器和驱动器功 能时,根据分析可知其内部电信号为线性耦合。

3 实验

为验证压电悬臂梁驱动传感共位的电特性,课题 组以压电双晶片悬臂梁为研究对象设计实验,分别对 不同工作状态下压电悬臂梁内部电信号的变化进行分 析比较,对上述理论及仿真进行验证。实验流程如图 7(a)所示。

实验采用2组恒压源来控制输出加载电压,通过 主控板控制输出电压的频率,并加载于压电悬臂梁上 层压电晶片,使上层晶片作为驱动传感器。模拟压电 悬臂梁的不同工作状态,经采样电路通过高性能示波 器分别获取上层与下层压电晶片输出信号,最后由 PC 端进行数据处理并分析结果,样机平台如图 7(b) 所示。





采用 MATLAB 对数据进行滤波处理,得到压电悬 臂梁在空载正常工作时,上下2层压电晶片的采样信 号,如图8所示。上层压电晶片因外部加载电场,所以 其充电峰值较大,局部振荡信号相对较小。下层压电 晶片作为传感器被动弯曲,因上下晶片极化方向相同, 故而其信号与上层晶片输出信号相位角相差180°,且 充电时峰值远小于上层压电晶片输出信号峰值。压电 晶片输出信号充放电过程为其常见特性,其振荡信号 特性为本研究重点,因此下文将取其局部振荡信号作 为研究对象。



Figure 8 Sampling signal waveform under no-load condition

对压电悬臂梁在空载正常条件下与限位条件下局 部采样信号进行分析,具体如图9所示。图9(a)为本 次压电悬臂梁空载正常工作时经上下2晶片获取的电 信号,该信号为压电悬臂梁作为驱动器产生的局部振 荡信号及二次压电效应的耦合信号。图9(b)为在压 电悬臂梁被限位时经上下2晶片获取的电信号,压电 悬臂梁从平衡位置达到限位位置所用时间十分短暂, 当压电悬臂梁撞击到限位装置的一瞬间,在冲击力的 作用下经正压电效应压电悬臂梁内部产生电位移,耦 合到压电悬臂梁作为驱动器产生的耦合信号之中,其 内部电信号发生突变。下层压电晶片输出信号整体趋 势与上层晶片一致。









由图 10(a)和(b)可知,压电悬臂梁在空载条件 下的仿真耦合信号频率为 230 Hz,在受冲击力时的仿 真耦合信号为1 690 Hz。如图 10(c)与(d)所示,分别 为上下 2 晶片在 200 V 电压激励下的不同工作条件下 的响应频谱,经分析可知,在空载正常工作时,上下 2 晶片信号特征频率分别为 226 Hz 和 244 Hz。由电路 仿真可知,该信号仅为压电驱动器等效电路产生的信 号,因此二次压电效应产生的电信号,在本研究中忽略 不计。在限位工作时,上层晶片信号特征频率为 239 Hz 和 1 644 Hz,下层晶片信号特征频率为 239 Hz 和 1 644 Hz,下层晶片信号特征频率为 236 Hz 和 1 629 Hz,因此上层驱动压电晶片信号耦合了压电晶 片作为传感器的电信号,验证了实验的准确性及可靠 性。图 10 中纵坐标数值代表 N/2 倍的信号电压幅 值,N 为采样点数。

表3为压电悬臂梁在限位工作条件下时,不同激励电压下的采样信号频率及其与仿真耦合信号频率之间的误差,可以发现在不同大小的电压激励下,压电悬臂梁的采样信号频率与仿真耦合信号频率之间的误差低于4%,且压电悬臂梁在限位工作条件下存在频率 值在230 Hz和1640 Hz附近处的响应信号。

4 结论

课题组针对压电悬臂梁驱动传感共位特性进行研究,探究了压电悬臂梁分别作为传感器和驱动器的等效电路以及其内部电流的变化规律,分析了压电传感驱动器其电流特性为各种信号在时序上的线性耦合,



表3 实验信号频率采集结果

Table 3 Experimental signal frequency

acquisition results

激励电	信号	频率/Hz	归关/0/	信号	频率/Hz	迟关/0/
压/V	空载	仿真耦合	「	加载	仿真耦合	「
20	222	230	3.60	1 635	1 690	3.36
40	232	230	0.87	1 641	1 690	2.99
60	227	230	1.31	1 638	1 690	3.17
80	234	230	1.74	1 656	1 690	2.05
100	237	230	3.04	1 678	1 690	1.31
120	224	230	2.61	1 654	1 690	2.78
140	241	230	4.78	1 630	1 690	3.68
160	235	230	2.17	1 639	1 690	3.11
180	218	230	5.22	1 659	1 690	1.89
200	239	230	3.91	1 644	1 690	2.80

建立了压电悬臂梁工作限位时的传感器输出电流与外部载荷的数学模型;通过 ANSYSWorkbench 有限元仿 真软件模拟了压电悬臂梁在不同条件下内部电流变 化,并设计了压电悬臂梁空载和限位 2 种工作状态实 验。得到以下结论:①在未被限位正常工作时,在二次 压电效应被忽略的情况下,其内部仅存在特征频率为 230 Hz 的响应信号;②在限位工况时,其内部存在特 征频率频率分别约为230 Hz 与1 640 Hz 的响应信号。

针对压电悬臂梁作为驱动传感器共位信号特性的 研究表明:该共位信号可作为压电悬臂梁驱动结果的 衡量标准。因压电悬臂梁中间胶接层剥落或压电材料 老化等因素出现压电悬臂梁动作不到位,可通过共位 信号反馈出压电悬臂梁的工作状态,为智能驱动器在 自检测、自诊断和自保护等领域提供了新方法,为压电 陶瓷在微小驱动传感器领域以及驱动传感共位特性研 究提供了思路,推动该领域的应用。该研究所探究的 压电悬臂梁驱动传感共位特性在不同工程应用中,压 电材料的边界条件不尽相同,后续可对在不同边界下、 更多工况下其共位特性进行深入探究。

参考文献:

[1] 艾亿谋,杜成斌,于国军.压电智能材料在悬臂梁结构振动控制中

的应用[J]. 河海大学学报(自然科学版),2007,35(6):695-698.

- [2] 孙艾薇,郭少华.土木工程结构健康监测中的压电传感技术研究[J].四川建筑,2010,30(6):118-119.
- [3] 孙威,阎石,姜绍飞,等.基于压电陶瓷传感器的钢筋混凝土框架
 结构裂缝损伤全过程监测[J].建筑科学与工程学报,2013,30
 (4):84-90.
- [4] 夏天宇,彭来湖,史伟民.选针器压电陶瓷驱动及往复位移特性研究[J].针织工业,2019(11):15-18.
- [5] 宁艺文,张健滔,张佳,等. 悬臂梁式 PVDF 压电风能发电装置的 优化设计[J]. 微特电机,2020,48(3):1-5.
- [6] 杨晋宁,曹雅莉.线性悬臂梁式压电振子的理论分析与仿真[J]. 机电信息,2020(11):45-47.
- [7] 杨剑之.应用于医疗精确给药的微型压电驱动系统的研究[D]. 南京:南京航空航天大学,2019:21-24.
- [8] SINCARSIN G B, DELEUTERIOG M T, HUGHESP C. Dynamics of an elastic multibody chain: part D modelling of joints [J]. Dynamical and Stability of Systems, 1993, 8(2):3-5.
- [9] 钱新恩.自传感主动式减振控制[J].湖北汽车工业学院学报, 1995(1):26-30.
- [10] 张忠华,程光明,阚君武,等.基于多次压电效应的微执行器[J]. 仪器仪表学报,2011,32(9):1998-2003.
- [11] 刘艳梅,金博伟,魏阳杰,等.基于显微视觉的亚像素压电陶瓷驱动特性测量[J].仪器仪表学报,2015,36(5):1163-1169.
- [12] 董欣.极化式压电传感执行器系统研究[D].哈尔滨:哈尔滨工 业大学,2018:9-19.
- [13] HE Y, CHEN X A, LIU Z, et al. Piezoelectric self-sensing actuator for active vibration control of motorized spindle based on adaptive signal separation [J]. Smart Materials and Structures, 2018, 27(6): 17-24.
- [14] 陆颢瓒,朱宇宬,刘琪才,等.悬臂梁压电式能量收集器方向性效率的研究[J]. 仪器仪表学报,2019,40(3):181-187.
- [15] PELLETIER A, MICHEAU P, BERRY A. Harmonic active vibration control using piezoelectric self-sensing actuation with complete digital compensation [J]. Journal of Intelligent Material Systemms and Structures, 2018, 29(7):9-13.
- [16] 王光庆,王学保,李秀玲,等.能量采集型压电超声驱动器的设计 与实验研究[J].仪器仪表学报,2018,39(12):55-63.